

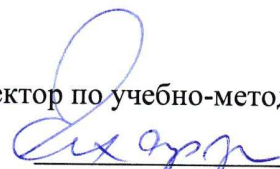
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ  
ИНКЛЮЗИВНОГО ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ГУМАНИТАРНО ЭКОНОМИЧЕСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ»

---

КАФЕДРА ПРИКЛАДНОЙ МАТЕМАТИКИ

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебно-методической работе

 Е.С. Сахарчук

«27» 04 2022 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

Математическая статистика

образовательная программа направления подготовки 09.03.03 «Прикладная информатика»  
шифр, наименование

**Направленность (профиль)**

Прикладная информатика в биоинформационных технологиях

Квалификация (степень) выпускника: бакалавр

Форма обучения очная

Курс 2 семестр 4


Москва 2022

Рабочая программа составлена на основании федерального государственного образовательного стандарта высшего образования направления (специальности) 09.03.03 «Прикладная информатика», утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации № 922 от «19» сентября 2017 г. Зарегистрировано в Минюсте России «12» октября 2017 г. № 48531

Разработчики рабочей программы:

МГГЭУ, доцент кафедры прикладной математики

место работы, занимаемая должность


 Нузубидзе Д.В. 18.03 2022 г.  
подпись Ф.И.О. Дата

Рабочая программа утверждена на заседании кафедры прикладной математики  
(протокол № 4 от «27» 03 2022 г.)


на заседании Учебно-методического совета МГГЭУ  
(протокол № 1 от «27» 04 2022 г.)

СОГЛАСОВАНО:


Начальник учебно-методического управления

 И.Г. Дмитриева  
«27» 04 2022 г.

Начальник методического отдела

 Д.Е. Гапеенок  
«27» 04 2022 г.

Заведующий библиотекой

 В.А. Ахтырская  
«27» 04 2022 г.

Декан факультета ИМиИ

 Е.В. Петрунина  
«27» 04 2022 г.

## **Содержание**

- 1. ОРГАНИЗАЦИОННО-МЕТОДИЧЕСКИЙ РАЗДЕЛ**
- 2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**
- 3. ОСОБЕННОСТИ ОБУЧЕНИЯ ИНВАЛИДОВ И ЛИЦ С ОВЗ**
- 4. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ**
- 5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ**
- 6. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ**
- 7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**
- 8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

## 1. ОРГАНИЗАЦИОННО-МЕТОДИЧЕСКИЙ РАЗДЕЛ

### 1.1. Цель и задачи изучения учебной дисциплины (модуля)

#### Цели:

- изучение общих принципов описания стохастических явлений;
- формирование навыков самостоятельного изучения специальной литературы, понятия о разработке математических моделей для решения практических задач;
- развитие логического мышления, навыков математического исследования явлений и процессов, связанных с профессиональной деятельностью;
- ознакомление студентов с вероятностными методами исследования прикладных вопросов;

#### Задачи:

- формирование представления о месте и роли теории вероятностей и математической статистики в современном мире;
- формирование системы основных понятий, используемых для описания важнейших вероятностных моделей и методов, и раскрытие взаимосвязи этих понятий;
- формирование навыков самостоятельной работы, организации исследовательской работы.

### 1.2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы направления подготовки 09.03.03 Прикладная информатика (бакалавриат).

Учебная дисциплина «Математическая статистика» относится к обязательной части блока Б1. «Дисциплины (модули)». Изучение учебной дисциплины «Математическая статистика» базируется на знаниях, умениях и навыках, полученных обучающимися при изучении предшествующих курсов: математики, теории вероятностей, дискретной математики.

Изучение учебной дисциплины «Математическая статистика» необходимо для освоения таких дисциплин, как: методы оптимизации, теория принятия решений, теория систем и системный анализ, математическое и имитационное моделирование.

### 1.3. Требования к результатам освоения дисциплины

*Изучение данной дисциплины направлено на формирование следующих компетенций:*

Код и содержание компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), характеризующие этапы формирования компетенций
ОПК-1. Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и	ОПК-1.1. Знает основы математики, физики, вычислительной техники и программирования.
	ОПК-1.2. Умеет решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общеинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования.

экспериментального исследования в профессиональной деятельности	ОПК-1.3. Владеет навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности.
ОПК-6. Способен анализировать и разрабатывать организационно-технические и экономические процессы с применением методов системного анализа и математического моделирования	ОПК-6.1. Знает основы теории систем и системного анализа, дискретной математики, теории вероятностей и математической статистики, методов оптимизации и исследования операций, нечетких вычислений, математического и имитационного моделирования.
	ОПК-6.2. Умеет применять методы теории систем и системного анализа, математического, статистического и имитационного моделирования для автоматизации задач принятия решений, анализа информационных потоков, расчета экономической эффективности и надежности информационных систем и технологий.
	ОПК-6.3. Владеет навыками проведения инженерных расчетов основных показателей результативности создания и применения информационных систем и технологий.

## 2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### 2.1. Объем учебной дисциплины (модуля)

Объем дисциплины «Математическая статистика» составляет 3 зачётных единицы.  
/ 108 часов:

Вид учебной работы	Всего, часов	Курс, часов
	Очная форма	2 курс 3 сем.
<b>Аудиторная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий), всего в том числе:</b>	<b>60</b>	<b>60</b>
<b>Лекции (Л)</b>	<b>10</b>	<b>10</b>
В том числе, практическая подготовка (ЛПП)		
<b>Практические занятия (ПЗ) (в том числе зачёт)</b>	<b>20</b>	<b>20</b>
В том числе, практическая подготовка (ПЗПП)	6	6
Лабораторные работы (ЛР)		
В том числе, практическая подготовка (ЛРПП)		
<b>Самостоятельная работа обучающихся (СР)</b>	<b>42</b>	<b>42</b>

В том числе, практическая подготовка (СРПП)	<b>10</b>	<b>10</b>
<b>Промежуточная аттестация (подготовка и сдача), всего:</b>		
Контрольная работа		
Курсовая работа		
Зачет	Зачёт	Зачёт
Экзамен		
Итого: Общая трудоемкость учебной дисциплины (в часах, зачетных единицах)	<b>108/3</b>	<b>108/3</b>

## 2.2. Содержание разделов учебной дисциплины (модуля)

№ п/п	Наименование раздела (темы)	Содержание раздела (тематика занятий)	Формируемые компетенции (индекс)
<b>Раздел 1. Введение. Случайные события. Основные понятия теории вероятностей.</b>			
1.	Тема 1.1 Введение. Случайные события.	Начальные понятия и термины теории вероятностей. Виды случайных событий. Комбинации событий. Противоположные события. Аксиомы Колмогорова и следствия из них.	ОПК-1 ОПК-6
2.	Тема 1.2. Основные понятия теории вероятностей.	Статистическое определение вероятности. Основные комбинаторные понятия и формулы. Вычисление вероятностей с помощью классической формулы.	ОПК-1 ОПК-6
<b>Раздел 2. Теоремы сложения и умножения вероятностей и их основные следствия. Формулы Байеса.</b>			
3.	Тема 2.1. Теоремы сложения и умножения вероятностей.	Теорема сложения вероятностей. Теорема умножения вероятностей. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формула Байеса.	ОПК-1 ОПК-6
4.	Тема 2.2. Повторение испытаний. Предельные теоремы.	Повторение событий. Формула Бернулли. Интегральная и локальная теоремы Лапласа.	ОПК-1 ОПК-6
<b>Раздел 3. Случайные величины. Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины.</b>			

5.	Тема 3.1. Законы распределения случайных величин.	Дискретные случайные величины. Законы распределения дискретной случайной величины.	ОПК-1 ОПК-6
6.	Тема 3.2. Числовые характеристики случайных величин.	Математическое ожидание дискретной случайной величины и его свойства. Дисперсия дискретной случайной величины и её свойства. Среднее квадратическое отклонение величины.	ОПК-1 ОПК-6
<b>Раздел 4. Закон больших чисел. Функция распределения вероятностей случайной величины. Нормальное и показательное распределение. Система двух случайных величин.</b>			
7.	Тема 4.1. Функция распределения и плотность вероятностей непрерывной случайной величины.	Непрерывные случайные величины. Математические характеристики непрерывных случайных величин. Функция распределения, её свойства и график. Плотность распределения.	ОПК-1 ОПК-6
8.	Тема 4.2. Виды распределений случайных величин.	Равномерное распределение непрерывной случайной величины. Нормальное распределение. Показательное распределение. Показательный закон надёжности.	ОПК-1 ОПК-6
9.	Двумерные случайные величины.	Двумерные случайные величины. Совместные распределения. Зависимость и коррелированность случайных величин.	ОПК-1 ОПК-6

### 2.3. Разделы дисциплин и виды занятий

№ п/п	Наименование раздела (темы)	Аудиторная работа		Внеауд. работа	Объем в часах
		Л	ПЗ/ЛР		
		в том числе, ЛПП	в том числе, ПЗПП/ЛРПП	в том числе, СРПП	в том числе, ПП
1.	Введение. Случайные события. Основные понятия теории вероятностей.	4	10	10	24

2.	Теоремы сложения и умножения вероятностей и их основные следствия. Формулы Байеса.	6	8	12	24
3.	Случайные величины. Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины.	4	12	14	32
4.	Закон больших чисел. Функция распределения вероятностей случайной величины. Нормальное и показательное распределение. Система двух случайных величин.	4	12	12	28
Итого:		<b>18</b>	<b>42</b>	<b>48</b>	<b>108</b>

#### 2.4. Планы самостоятельной работы обучающегося по дисциплине (модулю)

№	Название разделов и тем	Виды самостоятельной работы	Трудовая нагрузка	Формируемые компетенции	Формы контроля
1.	Введение. Случайные события. Основные понятия теории вероятностей.	Самоподготовка по темам: «Основные свойства случайных событий. Пространство исходов»; «Способы определения вероятности события. Геометрическое определение».	10	ОПК-1 ОПК-6	Опрос
2.	Теоремы сложения и умножения вероятностей и их основные следствия. Формулы Байеса.	Самоподготовка по темам: «Зависимые и независимые события»; «Формула полной вероятности и Байеса»; «Связь относительной частоты и вероятности в независимых испытаниях».	12	ОПК-1 ОПК-6	Опрос
3.	Случайные величины. Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины.	Самоподготовка по темам: «Виды и способы описания случайных величин»; «Числовые характеристики. Моменты распределения»; «Свойства математического ожидания и дисперсии».	14	ОПК-1 ОПК-6	Опрос



4.	Закон больших чисел. Функция распределения вероятностей случайной величины. Нормальное и показательное распределение. Система двух случайных величин.	Самоподготовка по темам: «Неравенство Чебышева»; «Центральная предельная теорема»; «Характеристики нормального распределения»; «Двумерные случайные величины. Условные законы распределения».	12	ОПК-1 ОПК-6	Опрос
----	--	--	----	----------------	-------

### 3. ОСОБЕННОСТИ ОБУЧЕНИЯ ЛИЦ С ОВЗ (ПОДА)

Обучение лиц с ограниченными возможностями здоровья осуществляется с учетом индивидуальных психофизических особенностей, а для инвалидов также в соответствии с индивидуальной программой реабилитации инвалида.

Для получения обучающимися, имеющими ограниченные физические возможности, качественного образования должны выполняться следующие важные условия: обучающийся должен иметь возможность беспрепятственно посещать образовательное учреждение и использовать в своём обучении дистанционные образовательные технологии.

Для обучения и контроля обучающихся с нарушениями координации движений предусмотрено проведение тестирования с использованием компьютера.

Во время аудиторных занятий обязательно использование средств обеспечения наглядности учебного материала с помощью мультимедийного проектора. Скорость изложения материала должна учитывать ограниченные физические возможности студентов.

### 4. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ

Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины для организации самостоятельной работы студентов (содержит перечень основной литературы, дополнительной литературы, программного обеспечения и Интернетресурсы).

### 5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Интерактивные образовательные технологии, используемые в аудиторных занятиях и самостоятельной работе обучающихся – не предусмотрены учебной планом.

### 6. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

#### 6.1. Организация входного, текущего и промежуточного контроля обучения

- Входное тестирование – не предусмотрено
- Текущий контроль – устный опросы, контрольная работа, расчетно-графические работы, наблюдения, коллоквиум.
- Промежуточная аттестация – зачет с оценкой.

## **6.2. Тематика рефератов, проектов, творческих заданий, эссе и т.п.**

Не предусмотрены

## **6.3. Курсовая работа**

Не предусмотрена

## **6.4. Вопросы к зачету с оценкой**

1. Случайные события, их свойства. Множество элементарных событий.
2. Классическое и статистическое определение вероятности.
3. Геометрическое определение вероятности.
4. Достоверное, невозможное, противоположное события.
5. Совместные и несовместные события. Полная группа событий.
6. Условная вероятность. Независимые события.
7. Теорема умножения вероятностей. Вероятность произведения нескольких событий.
8. Формулы полной вероятности и Байеса.
9. Испытания Бернулли. Биномиальное распределение.
10. Понятие случайной величины, виды распределений случайных величин.
11. Функция распределения случайной величины, ее свойства.
12. Закон распределения дискретной случайной величины.
13. Локальная и интегральная теоремы Лапласа. Формула Пуассона.
14. Плотность распределения вероятностей и ее свойства.
15. Закон распределения непрерывной случайной величины. Графическая интерпретация распределения.
16. Вычисление вероятности попадания случайной величины в заданный интервал.
17. Числовые характеристики одномерных случайных величин: математическое ожидание, дисперсия, моменты.
18. Экспоненциальное и равномерное распределения.
19. Нормальный закон распределения случайной величины, его характеристики.
20. Стандартное нормальное распределение, функция Лапласа.
21. Неравенство Чебышева. Закон больших чисел.
22. Совместные распределения случайных величин.
23. Условные распределения системы случайных величин. Условное математическое ожидание.
24. Зависимость и коррелированность случайных величин.
25. Числовые характеристики системы двух случайных величин.
26. Двумерная нормально распределенная случайная величина

## 6.5. Вопросы к экзамену

Не предусмотрено

## 7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

### 7.1. Основная литература

1. Хуснутдинов, Р. Ш. Математическая статистика: Учебное пособие / Хуснутдинов Р.Ш. - М.:НИЦ ИНФРА-М, 2019. - 205 с. (Высшее образование: Бакалавриат) (Обложка. КБС)ISBN 978-5-16-009520-2. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1002159>
2. Малугин, В. А. Математическая статистика : учебное пособие для бакалавриата и магистратуры / В. А. Малугин. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 218 с. — (Бакалавр и магистр. Академический курс). — ISBN 978-5-534-06965-5. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/441413>.
3. Кремер, Н. Ш. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / Н. Ш. Кремер. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2022. — 538 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10004-4. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/495110>

### 7.2. Дополнительная литература

- 1 Теория вероятностей и математическая статистика : учебник / Е.А. Коган, А.А. Юрченко. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 250 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). — [www.dx.doi.org/10.12737/textbook\\_5cde54d3671a96.35212605](http://www.dx.doi.org/10.12737/textbook_5cde54d3671a96.35212605). - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/971766>
- 2 Балдин, К. В. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник / К. В. Балдин, В. Н. Башлыков, А. В. Рукосуев. — 3-е изд., стер. — Москва : Издательско-торговая корпорация «Дашков и К°», 2020. - 472 с. - ISBN 978-5-394-03595-1. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1093507>
- 3 Теория вероятностей и математическая статистика: Учебное пособие / Бирюкова Л.Г., Бобрик Г.И., Матвеев В.И., - 2-е изд. - Москва :НИЦ ИНФРА-М, 2017. - 289 с.: 60x90 1/16. - (Высшее образование: Бакалавриат) (Переплёт 7БЦ) ISBN 978-5-16011793-5 - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/370899>.
- 4 Трофимов, А. Г. Математическая статистика : учебное пособие для вузов / А. Г. Трофимов. — 2-е изд. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 257 с. — (Университеты России). — ISBN 978-5-534-08874-8. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/442333>

### 7.3. Программное обеспечение

1. Сетевой компьютерный класс, оснащенный современной техникой
2. Офисный программный пакет (например, Microsoft Office 2003 или более поздних версий).
3. Web-браузер Mozilla Firefox или Google Chrome
4. Экран для проектора

#### 7.4. Электронные ресурсы

1. Учебный центр «Резольвента» – [www.resolventa.ru](http://www.resolventa.ru)
2. Национальный открытый университет «Интуит» – [www.intuit.ru](http://www.intuit.ru)
3. Энциклопедия «Кругосвет». Универсальная научно-популярная онлайн -

[www.krugosvet.ru](http://www.krugosvet.ru)

4. Электронная библиотека «Знаниум»: <https://znanium.com/>
5. Электронная библиотека «Юрайт»: <https://urait.ru/>
6. Научная электронная библиотека «Elibrary.ru»:

<https://www.elibrary.ru/defaultx.asp>

